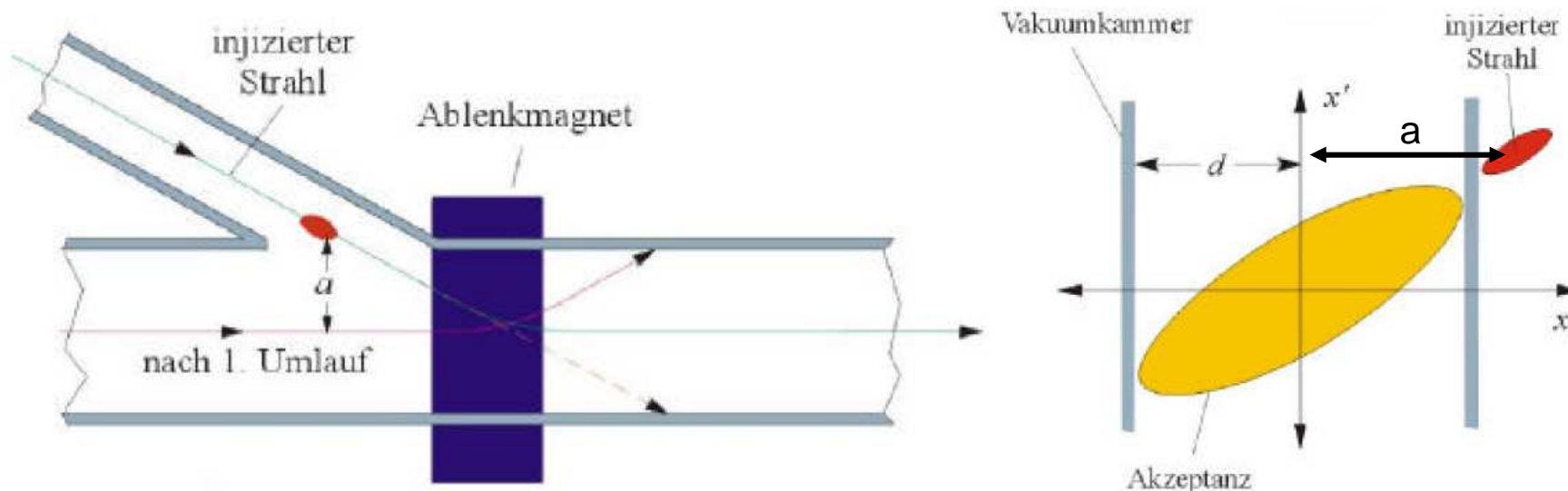


## 10.) Injektion, Extraktion und Strahlkühlung

Die zu beschleunigenden Teilchen müssen in einem ringförmigen Beschleuniger eingeschossen (injiziert) werden. Dort werden sie beschleunigt und wieder aus dem Ring ausgelenkt (extrahiert, ejiziert).

Der Prozess der Injektion und Ejektion ist nicht trivial, da zunächst jedes außerhalb der Ringstrahllinie befindliche Teilchen auf Grund des Liouvillschen Satzes außerhalb der Akzeptanz des Ringbeschleunigers liegt und ohne entsprechende Maßnahmen irgendwo auf die Vakuumkammer stößt.



$$A_{inj} \geq \frac{a^2}{\beta} \geq \frac{d^2}{\beta}$$

Einlenkender Magnet würde zirkulierenden Strahl auf die Wand lenken.

→ Daher schnell gepulster Kickermagnet

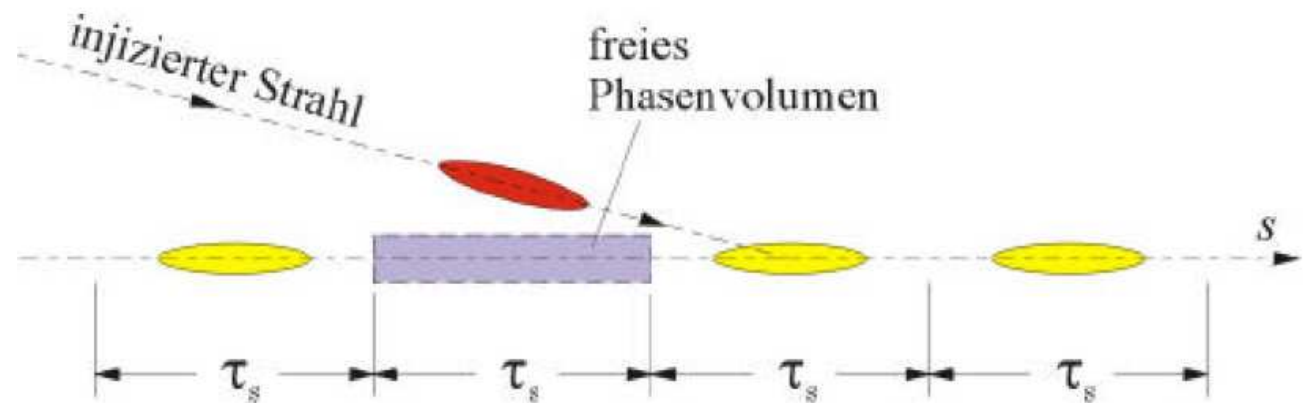
### **Grundregel der Injektion**

In ein schon durch Teilchen besetztes Phasenraumvolumen kann kein zweites Mal injiziert werden, ohne die schon darin enthaltenen Teilchen zu verlieren.

### **10.1. Injektion durch „stacking“**

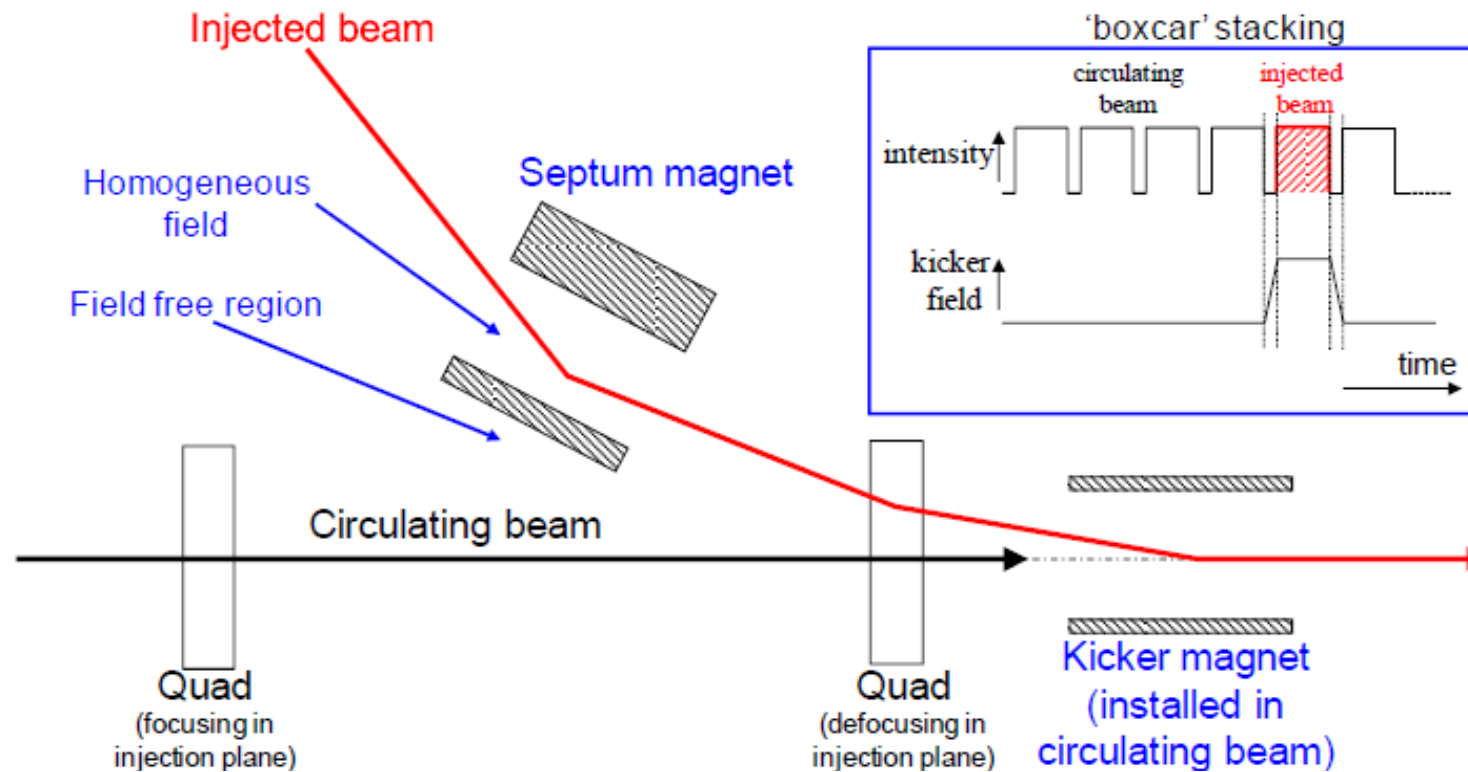
Man kann nacheinander kurze Strahlpulse hintereinander (longitudinal) in bestimmte Positionen des Orbits einschießen (longitudinales stacking).

→ schnell gepulste Magnete in der Zeit  $\tau_s$



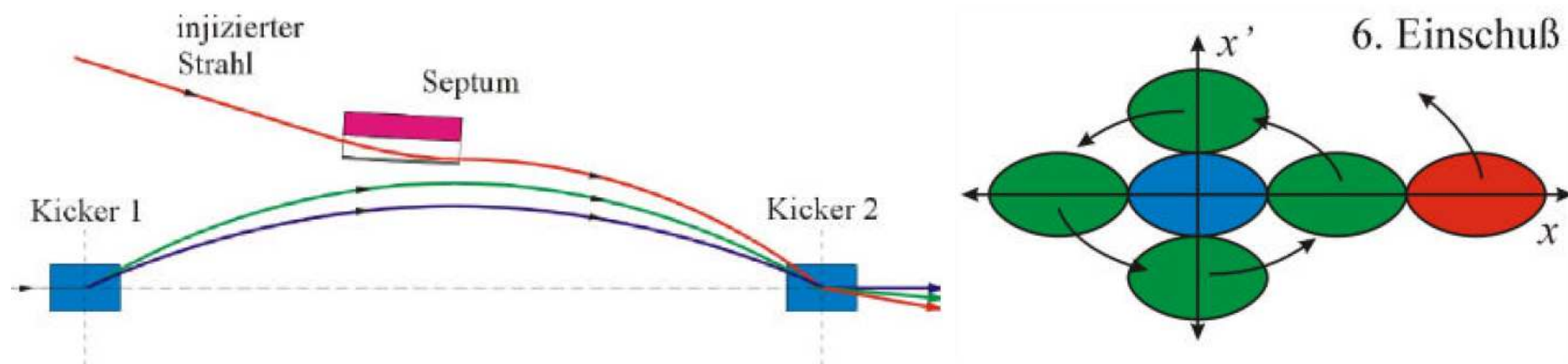
Andere Methode: Strahl auf den Orbit lenken und dann die Amplitude der Kicker schrittweise reduzieren und weitere Strahlen neben die schon vorhandenen zu injizieren (transversales stacking)

Für die sogenannte „single turn injection“ geht der gesamte Strahlpuls durch das Injektionssystem. Das sogenannte „Septum“ lenkt den zu injizierenden Strahl in Richtung auf den Orbit, wo er von einem Kickermagneten im Winkel noch angepasst wird. Ein fokussierender Quadrupol minimiert die erforderliche Feldstärke des Kickermagneten. Nach einem Umlauf der Teilchen muss der Kicker ausgeschaltet sein.



Der umlaufende Strahl läuft durch die feldfreie Region des Septums. Der Kickermagnet ist im Beschleuniger installiert und bestimmt mit seiner Apertur die Akzeptanz des Beschleunigers mit.

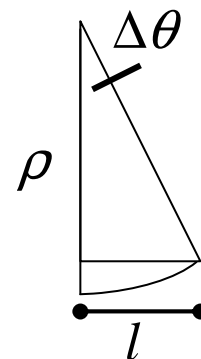
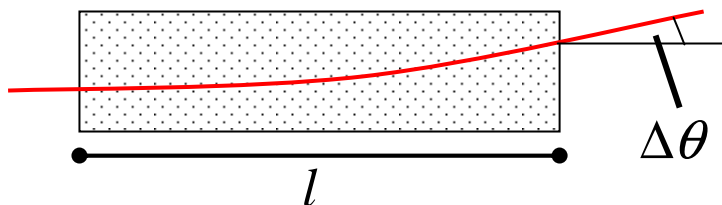
Eine „multiturn injection“ erfordert neben dem Septum und dem Kicker auch noch die Erzeugung eines „orbit bumps“.



Kicker 1 → Orbitbeule → Septum → Einlenken auf Orbit  
 Kicker 2 → Korrektur der Orbitbeule (wird nach und nach reduziert)

Dabei wird eine lokale „Orbitbeule“ für eine kurze Zeit erzeugt. Ein als **Septum** bezeichneter Ablenkmagnet biegt den injizierten Strahl ungefähr parallel zum Orbit, so dass dieser in die Akzeptanzellipse des Beschleunigers fällt. Diese Orbitbeulen werden wir später genauer betrachten.

Ablenkwinkel Kickermagnete:

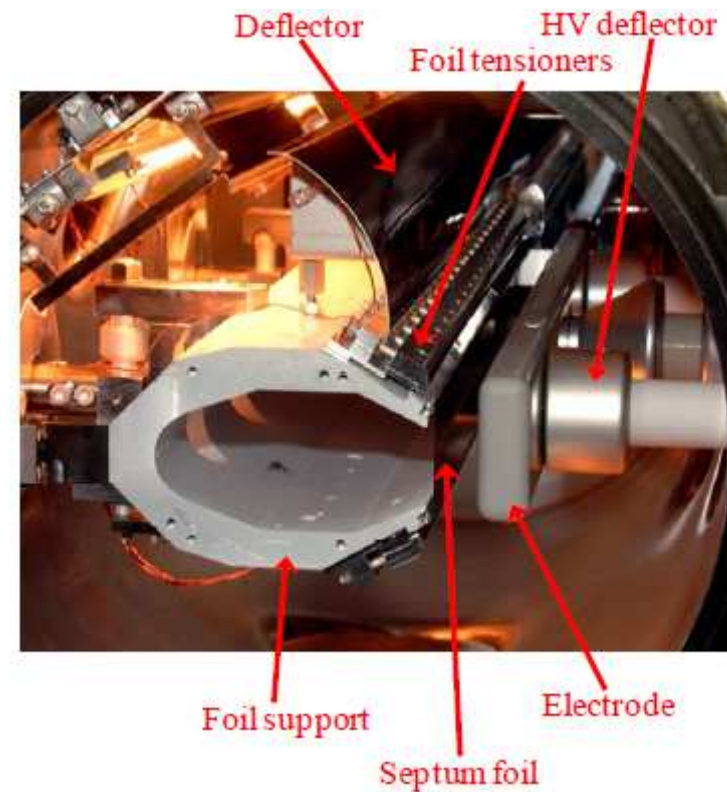
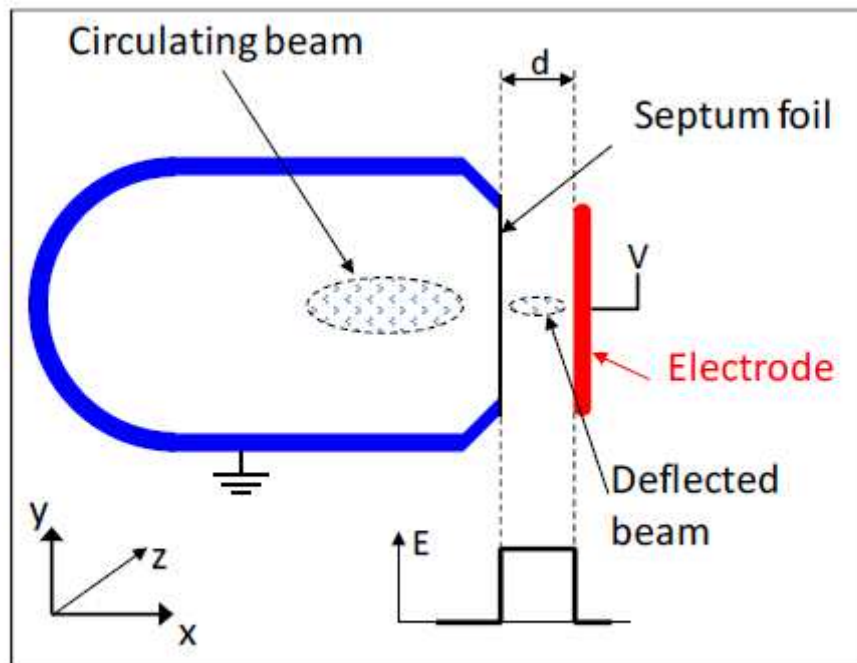


$$B \cdot \rho = \frac{p}{q}$$

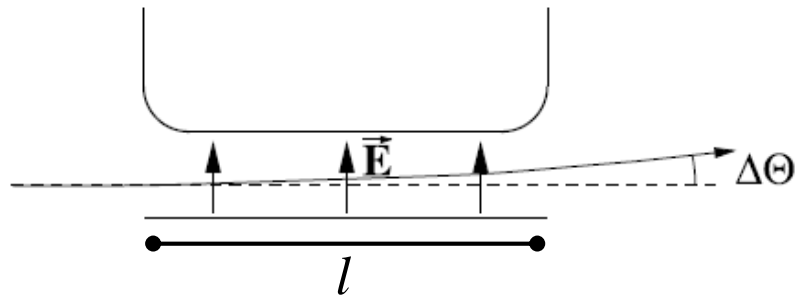
$$\sin \Delta\theta = \frac{l}{\rho} = \frac{B \cdot l}{p} q$$

Zur Injektion und Extraktion von Strahlen in Kreisbeschleunigern werden elektrostatische und magnetische Ablenkeinheiten verwendet, die man aufgrund der notwendig schmalen Trennwand zwischen dem Feldraum und dem feldfreien Raum „Septum“ nennt.

Mit elektrostatischen Septa erhält man besonders kleine Septumschatten (wo Teilchen auf das Septum auftreffen), die Trennwand besteht meistens aus dünnem Wolfram-Blech (~0,1 mm) oder aus dünnen Wolfram-Drähten. Feldstärken bis zu 10 MV/m und B-Felder bis zu 1T sind typische obere Grenzen von elektrischen bzw. magnetischen Septa.

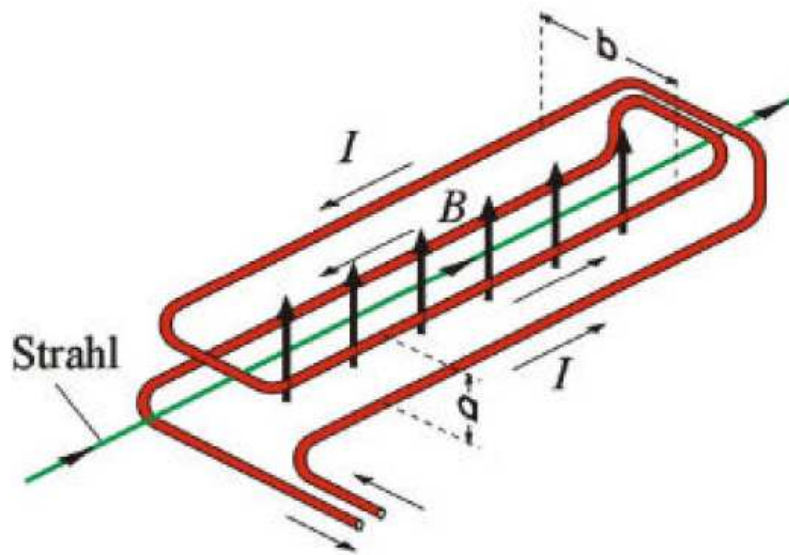


Ablenkwinkel E-Septum:



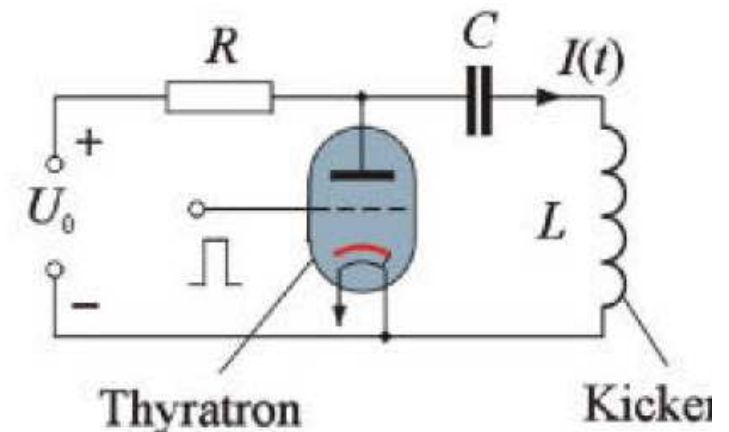
$$\tan \Delta\theta = \frac{v_y}{v_0} = \frac{q \cdot E \cdot l}{mv_0} \frac{1}{v_0} = \frac{E \cdot l}{(B\rho)v_0}$$

Wenn extrem kurze Schaltzeiten für die Strahlablenkung erforderlich sind, verwendet man sogenannte Kickermagnete. Ein Kickermagnet ist eine Luftspule. Um eine nennenswerte Ablenkung zu erhalten sind die Kickermagnete relativ lang, ca. 1m. Ein typischer Aufbau ist in der nachfolgenden Graphik gezeigt.



Die vier parallel zum Strahl verlaufenden Leiter haben zu diesem den Abstand

$$r = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + b^2}$$



Die Selbstinduktion solcher Systeme ist dabei so klein, dass Schaltzeiten im Bereich von 50-150 ns möglich werden. Die hohen Strompulse werden dadurch erzeugt, dass ein Kondensator über ein Thyatron entladen wird. Typische Felder von 25-50 mT werden mit Schaltpulsen von 40-80 kV und Strömen von 2-5 kA erzielt.

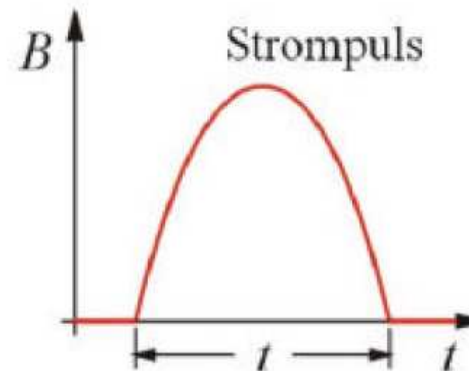
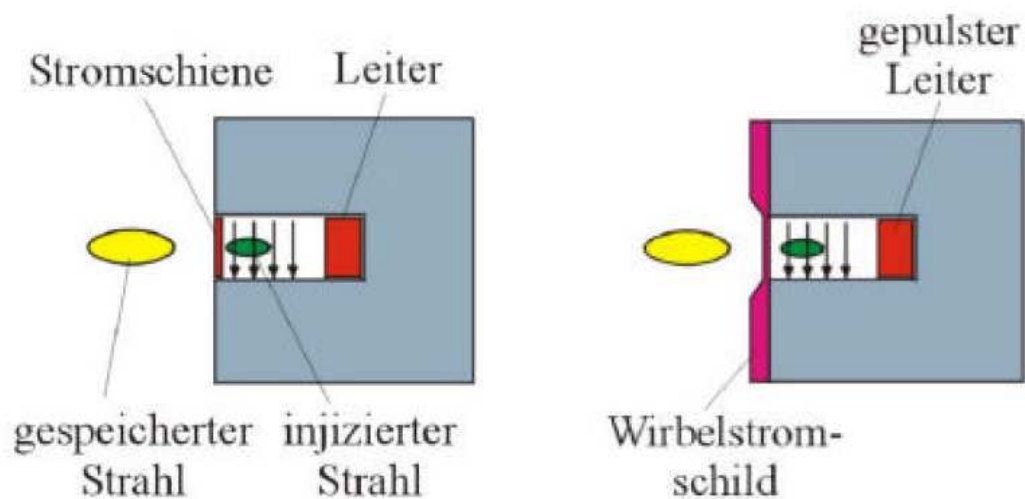
Nach dem Zünden des Thyatrons hat man einen LC-Schwingkreis vorliegen. Nach einer halben Schwingung bricht der Vorgang ab, da das Thyatron keine negativen Ströme übertragen kann. Man hat daher einen Halbwellenpuls mit der Dauer

$$\tau = \frac{T}{2} = \frac{\pi}{\omega} = \pi\sqrt{LC} \quad \Leftrightarrow \quad C = \left(\frac{\tau}{\pi}\right)^2 \frac{1}{L}$$

Die Aufgabe des Septums ist es den injizierten Strahl unmittelbar vor dem Eintritt in den Ringbeschleuniger so abzulenken, dass er möglichst nahe an den schon umlaufenden Strahl kommt, wobei er zu diesem nur sehr kleinen Winkel haben darf. Das Septum ist also ein Ablenker, bei dem das Feld nur innerhalb seines Spaltes wirksam ist und damit praktisch nur den injizierten Strahl ablenkt. Den dicht am Septumblatt vorbeifliegenden Strahl beeinflusst das Septum nicht.

Ein Magnet mit offenem Spalt → Streufeld ragt zu weit aus dem Spalt

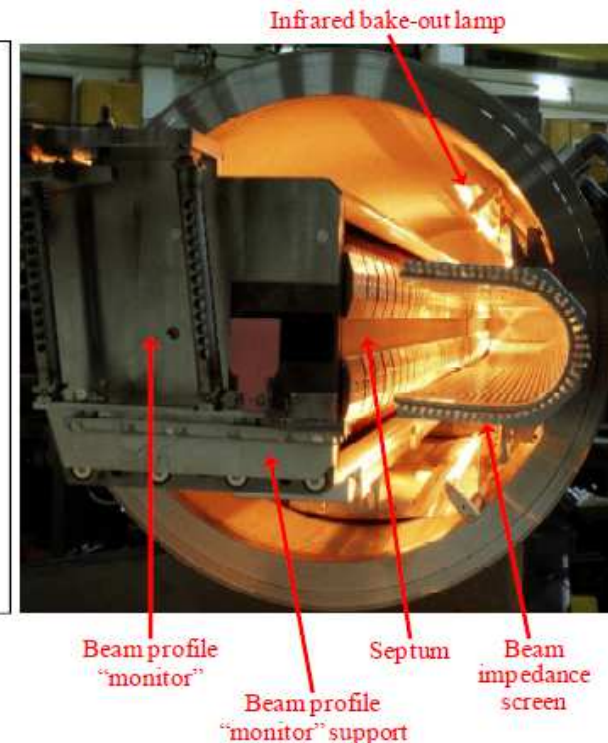
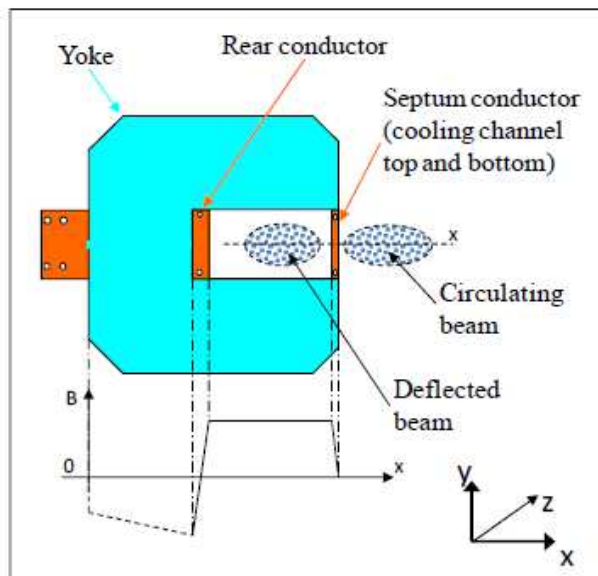
↙ Feld muss abgeschirmt werden z.B. mit einer Stromschiene oder durch ein Wirbelstromschild, welche die offene Seite abschließen kann (siehe Graphik)



Der Septumtyp mit Wirbelstromschild kann nur im Pulsbetrieb laufen. Dabei nutzt man den Skin-Effekt und die damit verbundene endliche Eindringtiefe des Feldes in einem gut leitenden Blech.

Diese beträgt

$$d_s = \sqrt{\frac{2}{\omega \sigma \mu_r \mu_0}}$$





$d_s$  beträgt für Pulsdauern von  $10 \mu\text{s}$  (Halbwelle) mit  $\omega = \frac{\pi}{\tau} = 3,14 \cdot 10^5 1/s$  und  $\sigma_{Cu} = 5,9 \cdot 10^7 1/\Omega m$  und  $\mu_r = 1 \rightarrow d_s = 0,000233 \text{ m} = 0,233 \text{ mm}$

Grundvoraussetzung für einen optimalen Transfer ist die Anpassung der Phasenraumverteilung des Strahls:

→ transversale Phasenellipsen müssen am Übergabepunkt den Eigenellipsen des Synchrotrons entsprechen

→ TWISS Parameter  $(\alpha_x, \beta_x, \gamma_x)$ , desgleichen für die y-Richtung

Der Strahl muss eine entsprechende Orts- und Winkeldispersion entsprechend der periodischen Dispersionsfunktionen  $D$  und  $D'$  besitzen. → Anpassung durch das Strahlführungssystem

*Kurze Wiederholung:*

Die Lösungen der Hillschen DGL haben wir in Kapitel 4 folgende Lösungen erhalten:

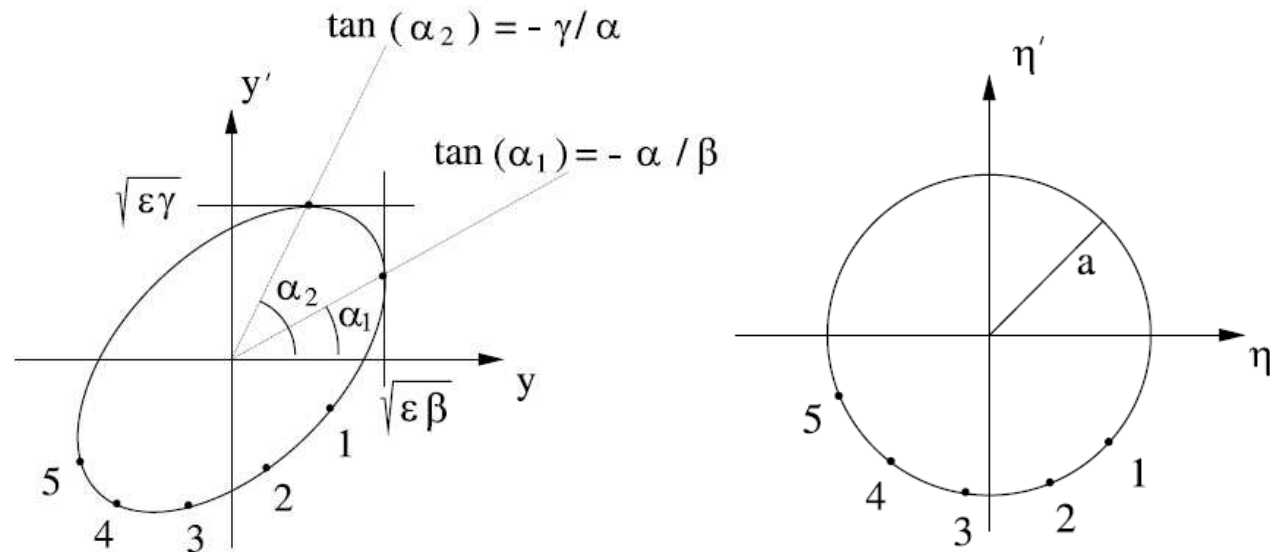
$$x(s) = \sqrt{\varepsilon \beta(s)} \cdot \cos(\Psi(s) + \Psi_0)$$
$$x'(s) = -\sqrt{\frac{\varepsilon}{\beta(s)}} \cdot [\alpha(s) \cos(\Psi + \Psi_0) + \sin(\Psi + \Psi_0)]$$

Durch eine einfache lineare Transformation (Floquet Transformation) kann man die durch  $(\alpha, \beta, \gamma)$  definierte Ellipse in der Form eines Kreises darstellen. Gleichzeitig wird der Laufparameter  $s$  durch den Betatronphasenvorschub  $\psi(s)$  ersetzt.

Das resultierende Kreisdiagramm ist sehr hilfreich zur Diskussion von Teilchenbewegungen in der Phasenraumbene. Die Transformation wird auch zur quantitativen Analyse von Störfeldefekten und Resonanzen benötigt.

$$\frac{x(s)}{\sqrt{\beta}} = \sqrt{\varepsilon} \cdot \cos(\Psi + \Psi_0) = \eta(s)$$
$$\sqrt{\beta} \cdot x'(s) + \alpha \frac{x(s)}{\sqrt{\beta}} = -\sqrt{\varepsilon} \sin(\Psi + \Psi_0) = \frac{d\eta}{d\Psi}$$

Durch die Transformation werden die sich kontinuierlich ändernden Phasenellipsen einheitlich auf einen Kreis mit dem Radius  $a = \sqrt{\varepsilon}$  transformiert. Damit ist es möglich, die Bewegung eines Teilchens als Funktion der Betatronphase  $\psi(s)$  im Kreisdiagramm unmittelbar zu verfolgen!



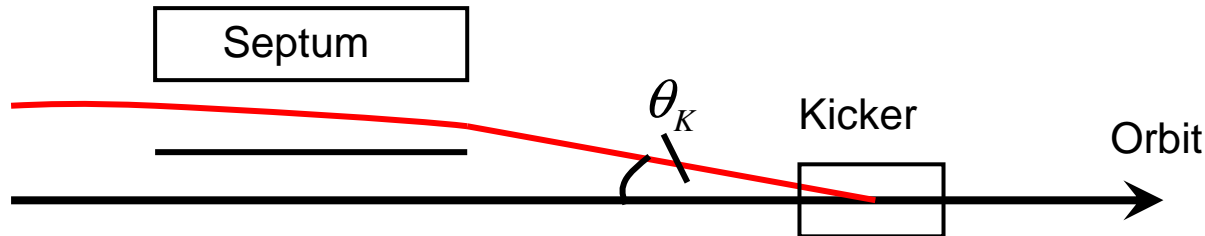
$$\frac{x^2}{\beta(s)} + \left( \frac{\alpha(s)}{\sqrt{\beta(s)}} x + \sqrt{\beta(s)} \cdot x' \right)^2 = \eta^2 + \left( \frac{d\eta}{d\Psi} \right)^2 = \varepsilon$$

Die Transformation kann auch in Matrizenform geschrieben werden:

$$\begin{pmatrix} \eta \\ \frac{d\eta}{d\Psi} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \beta^{-1/2} & 0 \\ \alpha\beta^{-1/2} & \beta^{1/2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ x' \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} x \\ x' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \beta^{1/2} & 0 \\ -\alpha\beta^{-1/2} & \beta^{-1/2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \eta \\ \frac{d\eta}{d\Psi} \end{pmatrix}$$

Die Darstellung der Phasenellipse als Kreis in der  $(\eta, d\eta/d\Psi)$ -Ebene eliminiert die lokale Abhängigkeit von den optischen Funktionen  $\alpha(s)$ ,  $\beta(s)$  und  $\gamma(s)$ .

Es ist sinnvoll die Septumseinmündung sowie den Kicker an Stellen zu positionieren, an denen die  $\beta$ -Funktion groß ist z.B. in der Nähe fokussierender Quadrupole in einer FODO-Struktur. Zusammenhang zwischen Ortsabweichung am Septum  $x_s$  und dem Winkel am Kicker  $\theta_K$  ergibt sich aus dem nachfolgenden Kreisdiagramm:



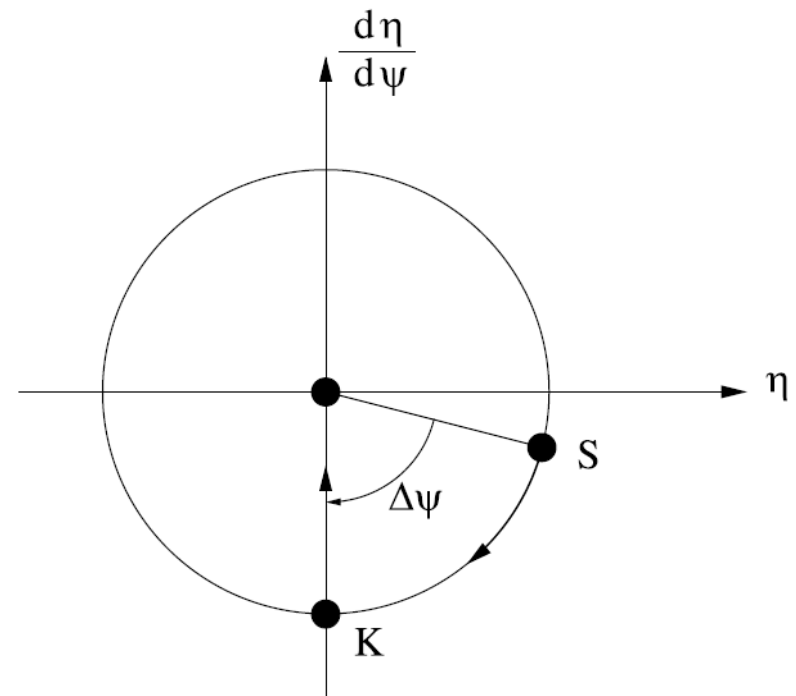
Der Zusammenhang zwischen Ortsabweichung am Septum  $x_s$  und dem Winkel am Kicker  $\theta_K$  ergibt sich aus dem nebenstehenden Kreisdiagramm.

An der Stelle S vor dem Septum gilt:

$$\eta_S = \frac{x_s}{\sqrt{\beta_s}} = \sqrt{\epsilon_x} \cdot \sin(\Delta\Psi)$$

An der Stelle K gilt:

$$\left. \frac{d\eta}{d\Psi} \right|_K = \sqrt{\epsilon_x} = \sqrt{\beta_K} \cdot x'_K + \frac{\alpha_K}{\sqrt{\beta_K}} \cdot 0$$



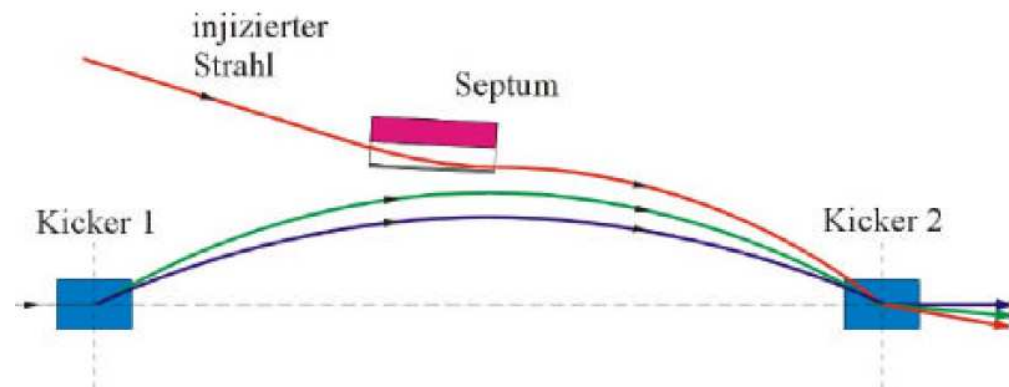
$$x'_K = \theta_K = \frac{x_S}{\sqrt{\beta_K \beta_S} \sin(\Delta\Psi)} \quad (11.4)$$

Dabei ist  $\Delta\psi$  der transversale Phasenvorschub zwischen der Position des Septums und der Position des Kickers. Optimal ist ein Betatronphasenvorschub von  $\Delta U=90^\circ$  um  $\theta_K$  so klein wie möglich zu halten. Ebenso findet man den Zusammenhang zwischen Orts- und Winkelabweichung  $\theta_s$  des zu injizierenden Strahls gegenüber der Sollachse des Beschleunigers

$$\left. \frac{d\eta}{d\Psi} \right|_s = \tan \Delta\Psi \quad \Rightarrow \quad \eta_s = \frac{x_s}{\sqrt{\beta_s}} = (\sqrt{\beta_s} \cdot x'_s + \frac{\alpha_s}{\sqrt{\beta_s}} x_s) \cdot \tan \Delta\Psi$$

$$x'_s = \theta_s = \frac{x_s(1 - \alpha_s \tan \Delta\Psi)}{\beta_s \cdot \tan \Delta\Psi} = \frac{x_s}{\beta_s} (\cot \Delta\Psi - \alpha_s) \quad (11.5)$$

Wie schon gezeigt, muss bei der „multi-turn injection“ mit Hilfe von zwei Kickermagneten  $K_1$  und  $K_2$  die Gleichgewichtsbahn so gestört werden, dass eine „Orbitbeule“ entsteht (Orbitpumpe). Der Phasenvorschub zwischen den Kickern sollte möglichst genau  $180^\circ$  betragen.

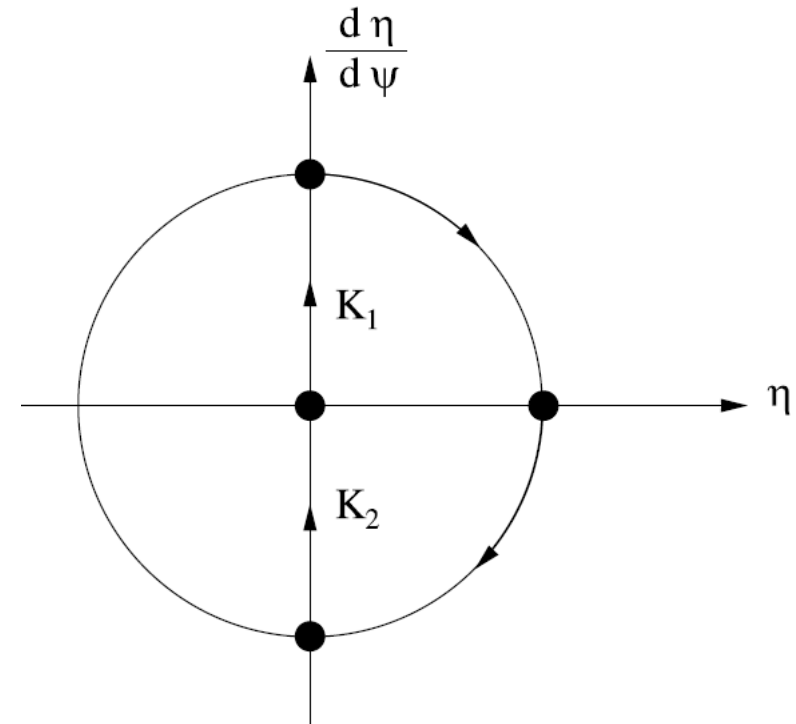


Nach  $\Delta\Psi = 90^\circ$  ist  $\eta = \frac{x_{\max}}{\sqrt{\beta_{x \max}}} = \sqrt{\epsilon_x}$

Durch die Orbitbeule wird die Bahn in die Nähe des Septums verlagert.

Dadurch sind  $(x_s, \theta_s)$  gegenüber der Gleichgewichtsbahn relativ klein  $\rightarrow$  transversales stacking durch Verkleinerung der Orbitbeule.

$\rightarrow$  Strahl kann nicht in besetztes Phasenraumvolumen eingeschossen werden (Satz von Liouville). Sonst wird der dort vorhandene Teilchenstrahl in ein anderes Phasenraumgebiet ausgelenkt.



## 10.2. Lokale Orbitbeulen

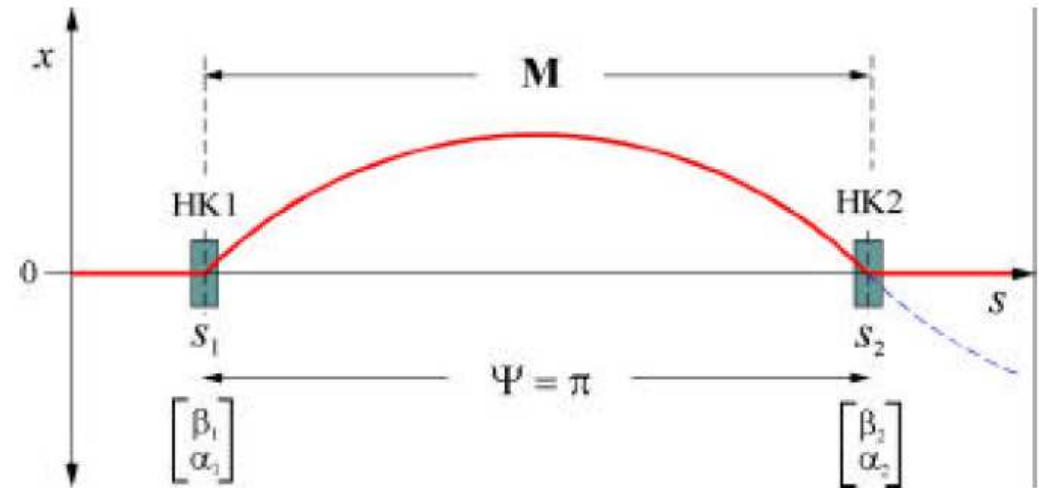
Es ist häufig erforderlich, die Strahlage im Beschleuniger lokal zu verschieben, ohne den Rest der Maschine zu beeinflussen. Das geschieht mit Hilfe **lokaler Orbitbeulen**. Die einfachste Beule haben wir schon kennengelernt:

Hier benötigt man zwei Kicker, welche einen Phasenabstand von  $180^\circ$  besitzen.

Die erste Steuerspule HK1 lenkt den Strahl um den Winkel  $\theta_1$  ab. Er führt eine halbe Betatronsoschwingung aus und kreuzt den Orbit wieder bei  $s_2$  unter dem Winkel  $\theta_2$ . Hier sitzt die zweite Steuerspule, die den Strahl auf den Orbit zuröcklenkt.

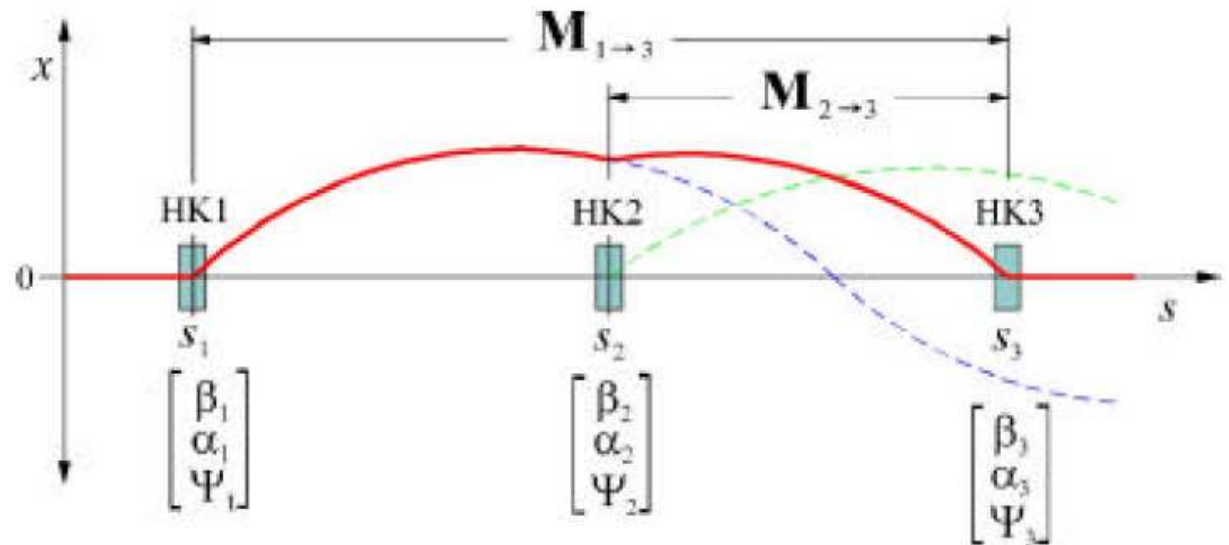
Es gilt:

$$\sqrt{\varepsilon_x} = \sqrt{\beta_1} \cdot \theta_1 = \sqrt{\beta_2} \cdot \theta_2 \Rightarrow \theta_2 = -\sqrt{\frac{\beta_1}{\beta_2}} \cdot \theta_1$$



Da es in der Regel nicht möglich ist, zwei Steuerspulen exakt im Phasenabstand  $180^\circ$  zu platzieren, wird diese Beule Seltener benutzt.

Mit 3 Steuerspulen HK1, HK2 und HK3 lassen sich fast immer geschlossene Strahlbeulen erzeugen.



Die Steuerspule HK1 bei  $s_1$  lenkt den Strahl wieder um den Winkel  $\theta_1$  ab. Dieser Strahlablage wird durch die Steuerspule HK2 bei  $s_2$  eine weitere Ablenkung um  $\theta_2$  überlagert. Der Kick an der Stelle  $s_3$  kann dann einfach aus den Phasenvorschüben ermittelt werden.

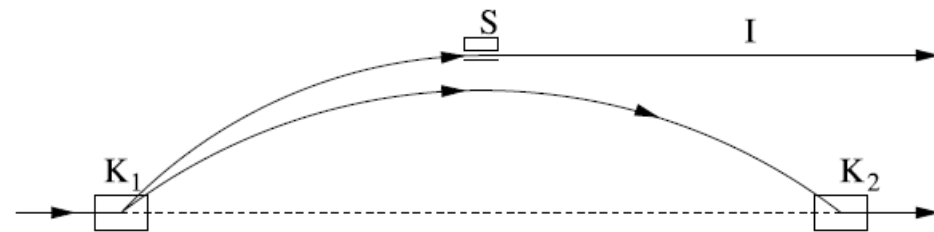
### 10.3. *Extraktion*

Bei der **schnellen „single turn“ Extraktion** läuft der gleich Mechanismus, wie bei der single turn Injektion nur in umgekehrter Richtung ab. Ein schneller Kicker (50-150 ns) lenkt den Strahl zum Septum ab. Die endgültige Auslenkung erfolgt durch den Septumkanal.

Die für die schnelle Injektion gültigen Gleichungen gelten auch entsprechend bei der schnellen Extraktion.

Auch für die schnelle Kickerextraktion gilt als optimale Parameterwahl

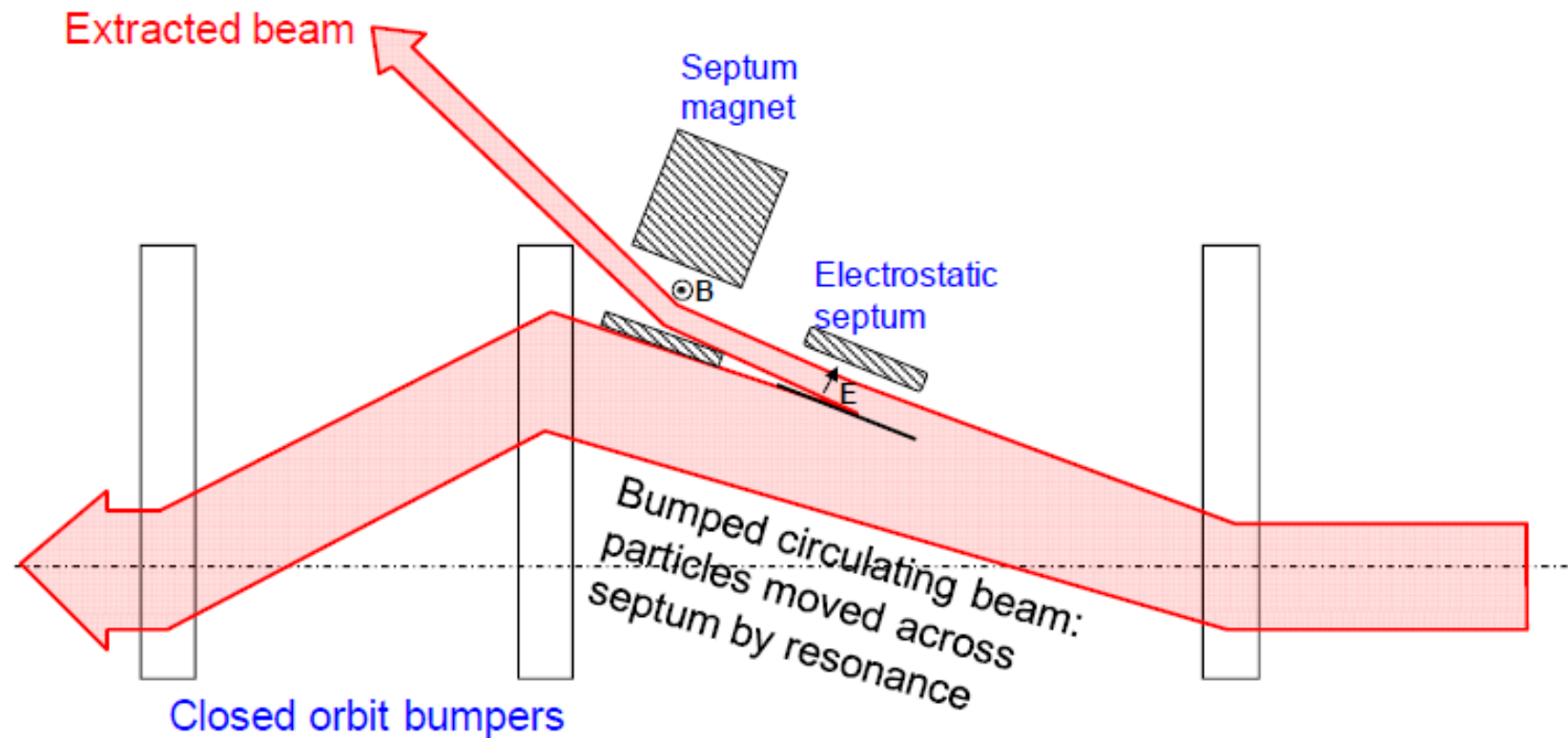
$\beta_s$  und  $\beta_K$  möglichst groß sowie  $\sin \Delta\Psi \approx 1$ .



Bei der **langsamen Resonanzextraktion** wird der Arbeitspunkt in die Nähe einer Resonanz dritter Ordnung (drittelzahlige Resonanz) gelegt. Häufig wird die Gleichgewichtsbahn mit Hilfe einer Beule in die Nähe des Extraktionsseptums gebracht. Die Änderung des Arbeitspunktes geschieht durch die Verstimmung von Quadrupolen, so dass  $3Q_x$  in der Nähe einer ganzen Zahl liegt. Die Teilchen mit großer Betatronamplitude werden durch eine programmierte Erregung von Sextupolmagneten in die Resonanz getrieben.



→ Instabile Teilchen werden durch den Septumskanal abgeschält, der stabile Teil bleibt weiter im Ring



**Fig. 9:** Resonant multi-turn (slow) extraction

Dies Verfahren wird solange fortgesetzt, bis die Teilchen komplett extrahiert sind → möglichst gleichmäßiger Teilchenfluss (max. 1 Sekunde)

Bei der ultralangsamem Resonanzextraktion wird der Strahl durch stochastisches Aufheizen in longitudinaler Richtung, d. h. durch die stochastische Aufweitung der Impulsverteilung, in die Resonanz getrieben.

→ kontrolliert langsames Diffundieren der Strahlteilchen aus der Maschine

Bsp: Low Energy Antiproton Ring LEAR am CERN mit Extraktionszeiten von einer Stunde bei sehr konstantem Strahlstrom

## 10.4. Strahlkühlung

Die Konstanz des Phasenraumvolumens unter Einfluss konservativer Kräfte wird als "**Satz von Liouville**" bezeichnet. Dissipative Kräfte führen zu einer Änderung des Phasenraumvolumens. Will man nun den Satz von Liouville umgehen und die Strahlemittanz verkleinern, muss man die transversalen Impulse der Teilchen reduzieren. Dies nennt man **Phasenraumkühlung**.

→ analog zur kinetischen Gastheorie entspricht diese Reduktion der Impulse einer Reduktion der Strahltemperatur. Die mittlere quadratische Abweichung der Geschwindigkeiten der Teilchen im Ruhesystem des Sollteilchens definiert die Strahltemperatur.

$$\frac{kT_x}{2} = \frac{\overline{p_{x,cm}^2}}{2m_0} = \frac{p^2}{2m_0} \sigma_{x'}^2 = \frac{p^2}{2m_0} \cdot \frac{\epsilon_x}{\beta_x} \quad , \quad \frac{kT_s}{2} = \frac{\overline{p_{s,cm}^2}}{2m_0} = \frac{p^2}{2m_0 \gamma^2} \sigma_\delta^2 = \frac{p^2}{2m_0 \gamma^2} \cdot \left\langle \frac{\Delta p}{p} \right\rangle^2$$

transversal

$$kT_{\perp} = \frac{1}{2} mc^2 \beta^2 \gamma^2 \cdot \left( \frac{\epsilon_{xx'}}{\beta_{Twiss,x}} + \frac{\epsilon_{yy'}}{\beta_{Twiss,y}} \right)$$

longitudinal

$$kT_{\parallel} = mc^2 \beta^2 \cdot \left\langle \frac{\Delta p}{p} \right\rangle^2 \quad (11.6)$$

Kühlt man einen Strahl longitudinal, so verringert man seine Impulsunschärfe  $\Delta p$ . Kühlt man den Strahl transversal, verringert man die Strahlemittanz.

*Adiabatische Dämpfung:*

Die adiabatische Dämpfung kann mit Hilfe des Liouville'schen Theorems erklärt werden. Danach ist das von den Strahlteilchen besetzte Phasenraumvolumen konstant. Wenn die Bewegungen in den Phasenraumebenen entkoppelt sind, gilt z. B. für eine aufrechte Phasenellipse in der  $(y, \Delta p_y)$ -Ebene

$$\Delta y \Delta p_y = const \quad \Rightarrow \quad \epsilon_y = \Delta y \frac{\Delta p_y}{p}$$

Da bei einer Beschleunigung  $p$  zunimmt, nimmt die transversale Emittanz ab, was einer Pseudokühlung entspricht, die man adiabatische Dämpfung nennt und eigentlich nicht die transversalen Impulse reduziert.

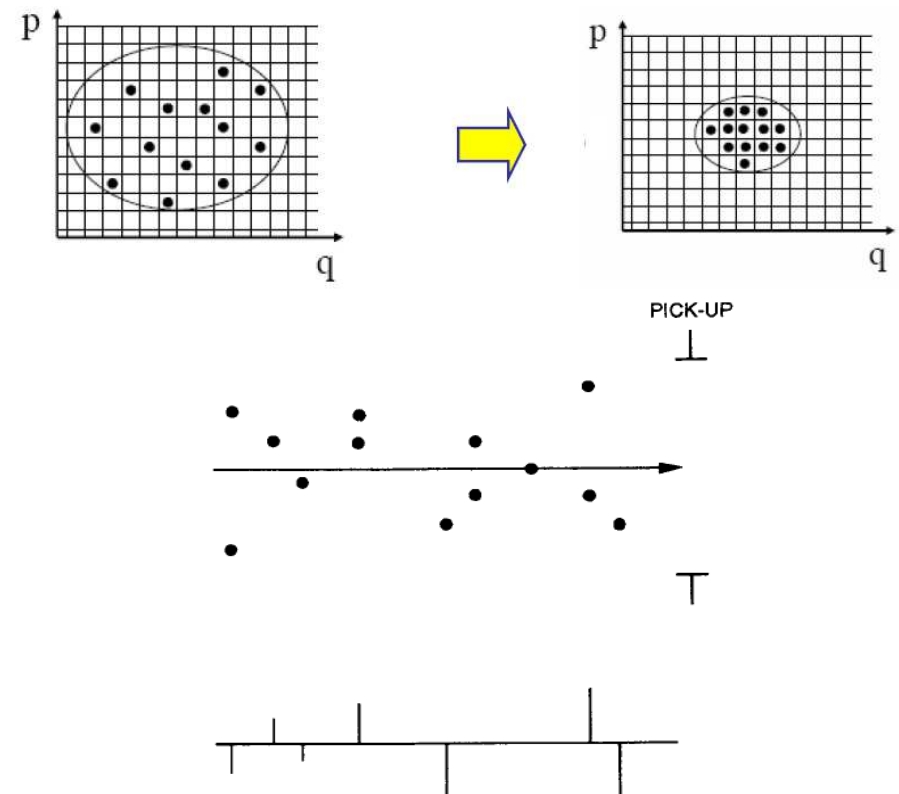
## Stochastische Kühlung

Das Liouville'sche Theorem ist genau genommen nur anwendbar, wenn der Teilchenstrahl wie ein kontinuierliches Medium behandelt werden kann. In Wirklichkeit besteht der Strahl aus einzelnen individuellen Teilchen im Phasenraum, d. h. nur ein kleiner Teil des Phasenraums ist wirklich mit Teilchen besetzt, der restliche Phasenraum ist leer. Wenn die Phasenraumkoordinaten eines jeden Teilchens bekannt wären, könnte man leere Phasenraumvolumina gegen besetzte Phasenraumvolumina austauschen. Dadurch wird es möglich, das von Teilchen besetzte Phasenraumvolumen kleiner zu machen, ohne das Liouville'sche Theorem zu verletzen!

Die **stochastische Kühlung** wurde von Simon van der Meer (1978, CERN) entwickelt → Experiment zur Entdeckung der Vektorbosonen der schwachen Wechselwirkung

Die Ortslagen der Teilchen werden mit kapazitiven pick-ups detektiert → sensitiv auf die Strahlablage der Teilchen

Das Signal ist umso stärker je größer der Abstand der Teilchen von der Strahlachse ist.



Das Signal wird verwendet, um den Winkel des Teilchens beim Durchgang durch die Achse über einen Kicker zu korrigieren.

Die Korrektur muss bei Nulldurchgang des Teilchens mit dem Kicker erfolgen.

Der Abstand zwischen pick-up und Kicker muss  $n \cdot \lambda/4$  der Betatron-Oszillation betragen.

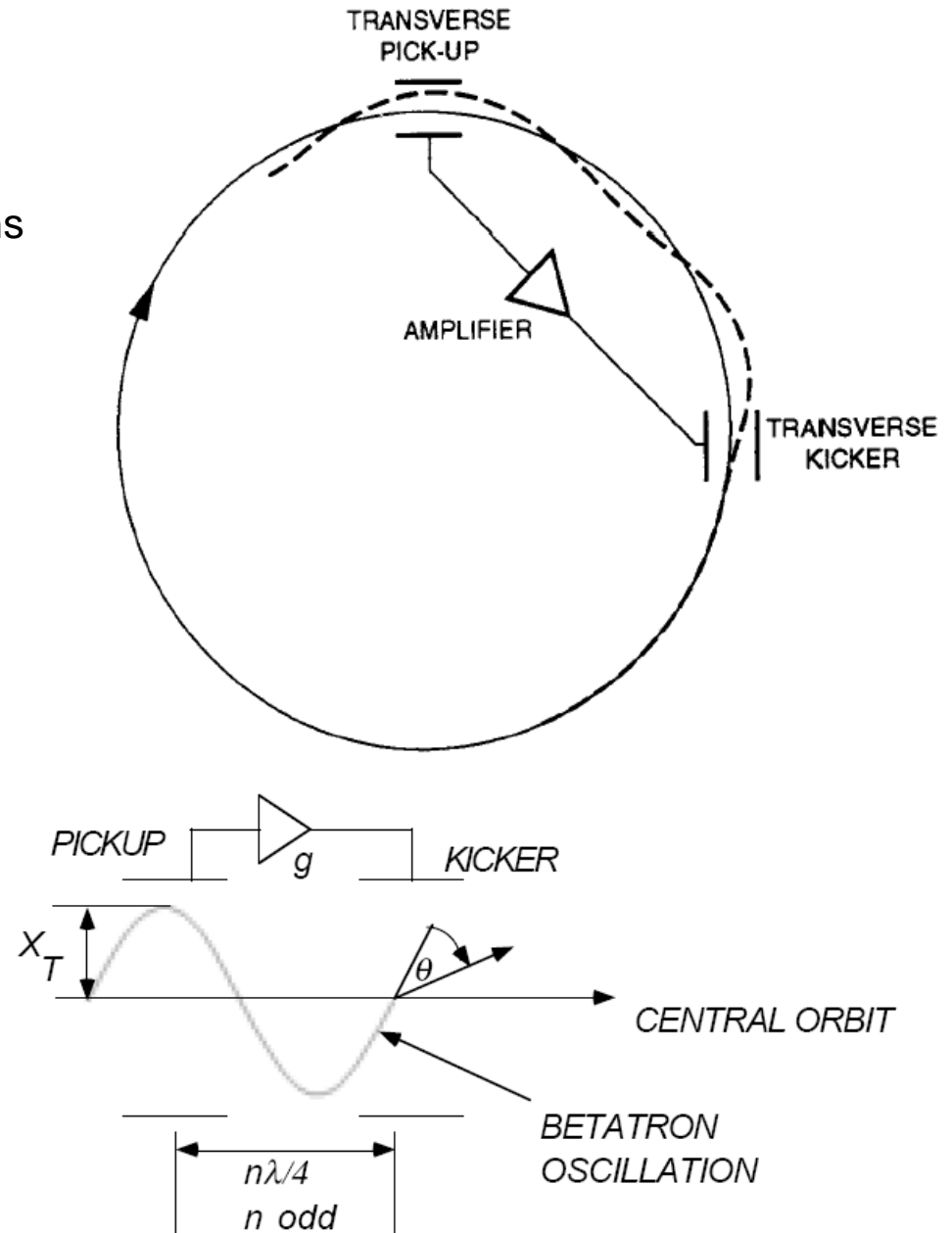
Die Teilchendichte entlang des Orbits ist eine Zufallsgröße, d.h. die Teilchen sind stochastisch verteilt.

Problem:

Signale sind keine  $\delta$ -Funktionen aufgrund der endlichen Bandbreite der pick-ups und der Überlagerungen vieler Teilchen.

Durch die Phasenraumverteilung werden nicht alle Teilchen korrigiert.

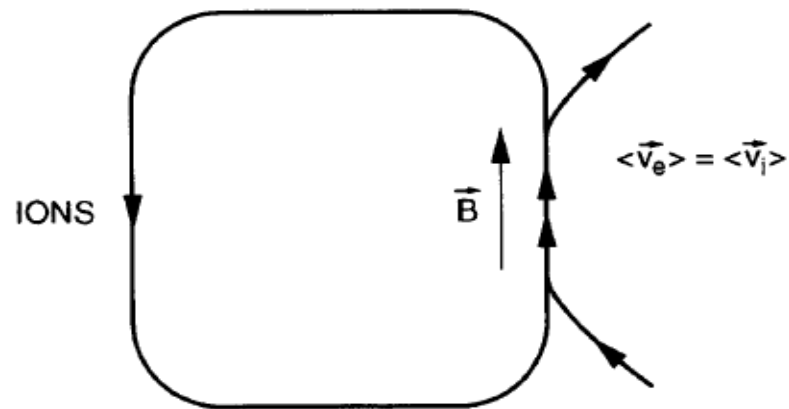
Die Kühlung ist umso besser je größer der Strahlquerschnitt ist.



## Elektronenstrahlkühlung

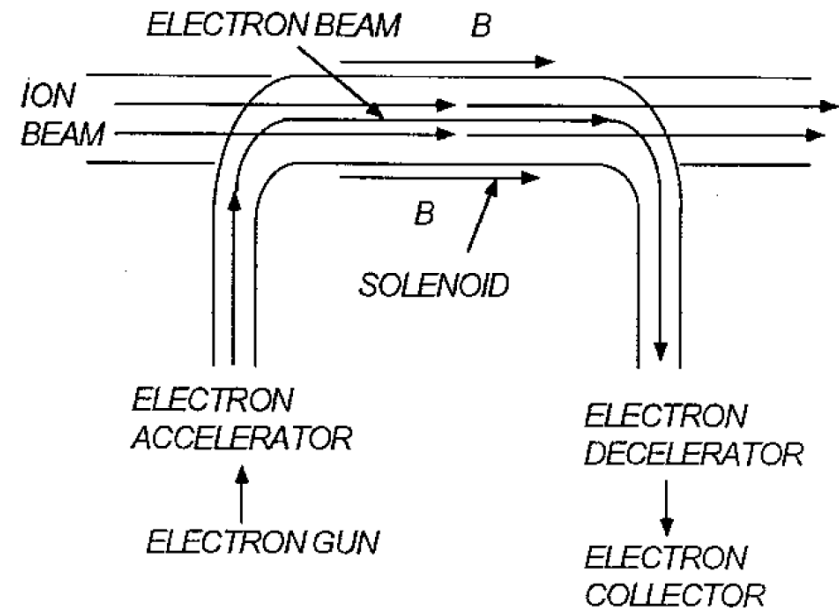
Bei der **Elektronenstrahlkühlung** wird dem Teilchenstrahl (Ionen) ein "kalter" Elektronenstrahl überlagert → Energieaustausch über Coulombwechselwirkung (Wärmeaustausch)

Der "kalte" Elektronenstrahl wird ständig nachgeliefert und die Stoßzeiten zwischen Elektronen und Ionen entsprechen denen von Elektron-Elektron-Stößen. Die Ionen-Temperatur gleicht sich der Elektronentemperatur an.



PF:  $\langle v_e^2 \rangle = \langle v_i^2 \rangle$

∴  $T_e \leq (m/M)T_i \ll T_i$



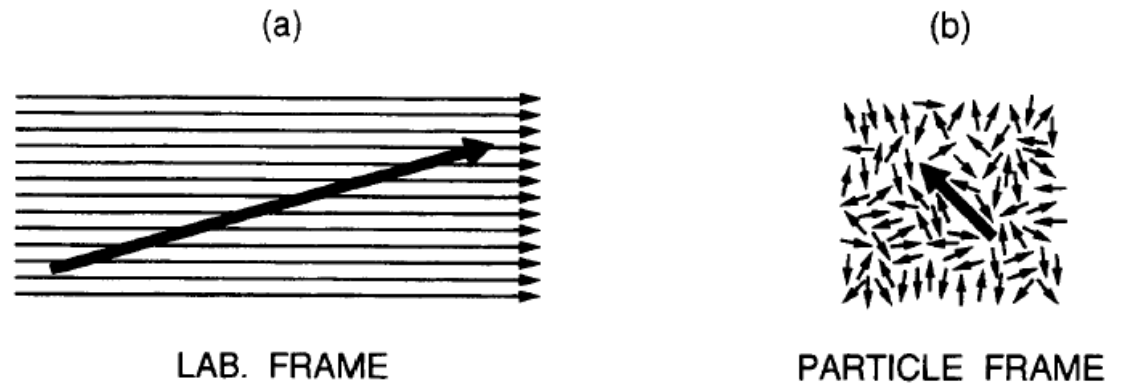
Die Interaktion ist am stärksten, wenn die Ionengeschwindigkeit und die Elektronengeschwindigkeit identisch sind.

$$\frac{p_e}{m_e c} = (\beta\gamma)_{e^-} = \frac{p_{ion}}{m_{ion} c} = (\beta\gamma)_{ion} \rightarrow p_{proton} = 10 \text{ GeV}/c \Rightarrow E_{e^-} = 5.1 \text{ MeV}$$

Damit wird im Gleichgewichtszustand  $T_{ion}^\perp = T_e^\perp$  die transversale Geschwindigkeit der Ionen viel kleiner als die der Elektronen nämlich:

$$v_{ion}^{RMS} = \sqrt{\frac{m_e}{M}} v_e^{RMS} \approx \frac{1}{43} \sqrt{\frac{1}{A}} v_e^{RMS}$$

wobei A die atomare Masse der Ionen ist.



Die Reibungskraft, welche die Ionen in dem Elektronenbad erfahren (siehe Graphik) kann man aus der Summation über viele Kleinwinkel-Coulombstößen (Ionen auf Elektronen) ermitteln (analog zur Spitzer Formel):

$$F = Z^2 \frac{2\pi \cdot n_e e^4}{m} \int d^3 \vec{v}_e \ln \Lambda \cdot f(\vec{v}_e) \frac{\vec{w}}{w^3} \quad \text{mit} \quad \vec{w} = \vec{v}_e - \vec{v}_{ion}$$

die Kühlzeit folgt dann der Beziehung

$$\frac{1}{\tau} = \frac{F}{M v_{ion}} \propto \frac{1}{w^3}$$

Die Kühlzeit  $\tau$  ist also groß, wenn die relative Geschwindigkeitsdifferenz zwischen Elektronen und Ionen  $w$  groß ist. Die Kühlrate ist proportional zur Elektronendichte  $n_e$  und **unabhängig** von der Ionendichte. Die Kühlung ist besonders effektiv, wenn der Strahl stochastisch vorgekühlt wurde.

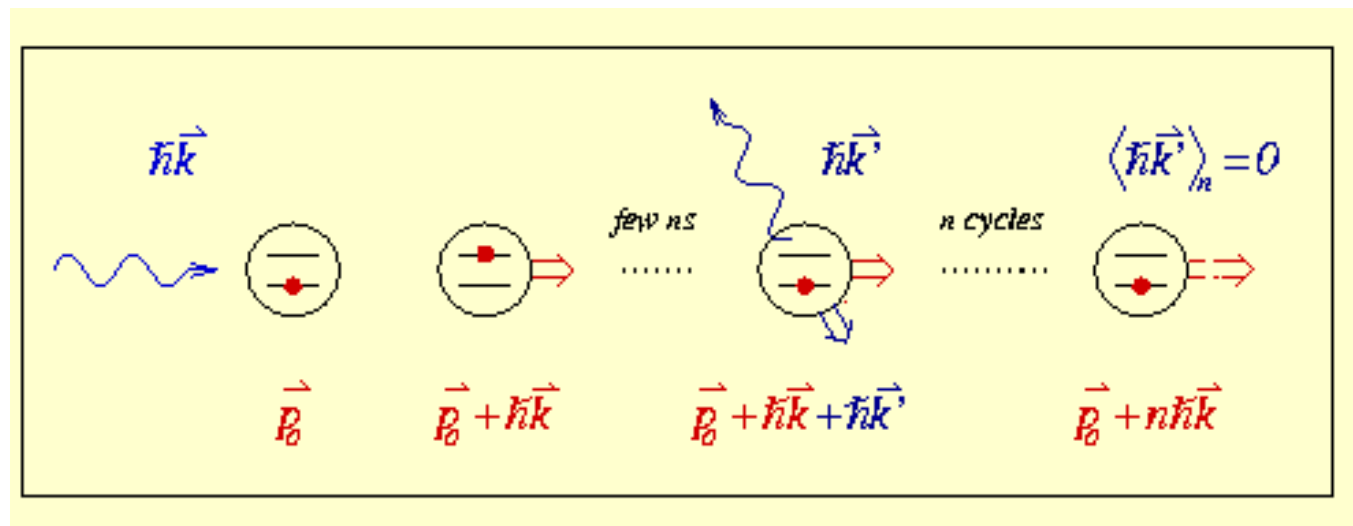
Die Elektronenkühlung ist bisweilen aus rein praktischen Gründen auf Energien bis auf  $\sim 300$  keV begrenzt (bis auf Fermilab Kühler  $\sim 5$  MeV). Damit kann man bis zu Ionenenergien von 550 MeV/u kühlen.

Die Methode der Elektronenkühlung wurde 1966 von G.I. Budker in Novosibirsk konzipiert und experimentell getestet. Danach folgten Untersuchungen am CERN und am Fermilab mit dem Ziel, Antiprotonen zu kühlen.

## Laserkühlung

Eine Methode der Kühlung für einen großen Geschwindigkeitsbereich ist die **Laserkühlung**.

Die Ionen haben ein diskretes Absorptionsspektrum. Die Frequenz des Lasers kann über die Geschwindigkeit der

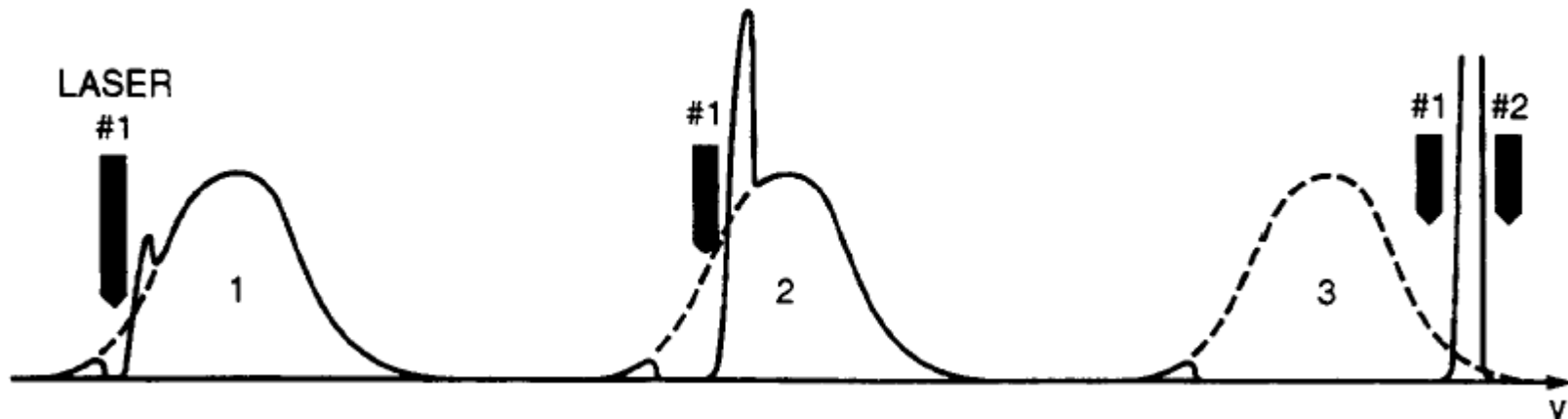




Ionen über die Dopplerverschiebung eingestellt werden.  $w' = \gamma \cdot w(1 - \beta \cos \theta)$  wobei  $\theta$  den Winkel zwischen der Ionenbahn und dem Laserstrahl darstellt.

Durch den Absorptionprozess wird die Geschwindigkeit jeweils um den Betrag  $v_r = \frac{\hbar \omega}{Mc} = \frac{\hbar k}{M}$  geändert. Abstrahlung erfolgt isotrop und daher bleibt netto ein Impuls in Laserstrahlrichtung übrig.

Laser verändert die v-Verteilung der Ionen. Daher sollte ein Frequenztuning des Lasers möglich sein, um die Ionengeschwindigkeitsverteilung schieben zu können.



Bei niedrigen Strahlenergien und einfach geladenen Ionen sind die obigen Kühlverfahren nicht gut anwendbar (oder aufwendig, z.B. bei Elektronenkühlung). Hier bietet sich die Puffergaskühlung an.